Prof. Dr. Alfred Toth

Trajektische thematische Übergänge von 3- zu 4-Wertigkeit

1. In Toth (2026a-c) hatten wir gezeigt, daß man die strukturellen Realitäten der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems in Tripelrelationen der folgenden Form notieren kann

$(X, Y) \rightarrow Z$

$X \rightarrow Y \leftarrow Z$

$X \leftarrow (Y, Z)$.

Nimmt man die Permutationen der Dualsysteme dazu, ergeben sich weitere paarweise Differenzen durch Vertauschung der Thematisanden

$(Y, X) \rightarrow Z$

$Z \rightarrow Y \leftarrow X$

$X \leftarrow (Z, Y)$.

2. Als Beispiel diene die Thematisation M-them. O. In nicht-permutierten Zeichenklassen haben wir hier wie für jede andere Thematisation ein thematisches Tripel:

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$O \leftarrow (M, M)$
3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M \rightarrow O \leftarrow M$
3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M, M) \rightarrow O$

Wenn wir die Trajekte bilden, erhalten wir ein trajektisches thematisches Tripel:

3.2	1.1	2.1	1.2	×	2.1	<u>1.2</u>	<u>1.1</u>	2.3
3.2	1.2	2.1	2.1	×	1.2	<u>1.2</u>	<u>2.1</u>	2.3
3.2	2.1	2.1	1.1	×	1.1	<u>1.2</u>	<u>1.2</u>	2.3 .

In permutierten Zeichenklassen wird dann natürlich jede Zeichenklasse auf 3! = 6 Zeichenklassen abgebildet. Wir zeigen zuerst die nicht-trajektischen, dann die trajektischen Dualsysteme.

Perm($O \leftarrow (M, M)$)

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
3.1	1.2	2.1	×	1.2	2.1	1.3	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$

2.1	3.1	1.2	×	2.1	1.3	1.2	$O \leftarrow (M^2, M^1)$
2.1	1.2	3.1	×	1.3	2.1	1.2	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$
1.2	3.1	2.1	×	1.2	1.3	2.1	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
1.2	2.1	3.1	×	1.3	1.2	2.1	$(M^2, M^1) \rightarrow O$

$\Downarrow$

3.2	1.1	2.1	1.2	×	2.1	$\underline{1.2 \quad 1.1}$	2.3
3.1	1.2	1.2	2.1	×	1.2	$\underline{2.1 \quad 2.1}$	1.3
2.3	1.1	3.1	1.2	×	2.1	$\underline{1.3 \quad 1.1}$	3.2
2.1	1.2	1.3	2.1	×	1.2	$\underline{3.1 \quad 2.1}$	1.2
1.3	2.1	3.2	1.1	×	1.1	$\underline{2.3 \quad 1.2}$	3.1
1.2	2.1	2.3	1.1	×	1.1	$\underline{3.2 \quad 1.2}$	2.1

$\mathrm{Perm}(M \rightarrow O \leftarrow M)$

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
3.1	1.1	2.2	×	2.2	1.1	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
2.2	3.1	1.1	×	1.1	1.3	2.2	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
2.2	1.1	3.1	×	1.3	1.1	2.2	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
1.1	3.1	2.2	×	2.2	1.3	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$
1.1	2.2	3.1	×	1.3	2.2	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

$\Downarrow$

3.2	1.2	2.1	2.1	×	1.2	$\underline{1.2 \quad 2.1}$	2.3
3.1	1.1	1.2	1.2	×	2.1	$\underline{2.1 \quad 1.1}$	1.3
2.3	2.1	3.1	1.1	×	1.1	$\underline{1.3 \quad 1.2}$	3.2
2.1	2.1	1.3	1.1	×	1.1	$\underline{3.1 \quad 1.2}$	1.2
1.3	1.1	3.2	1.2	×	2.1	$\underline{2.3 \quad 1.1}$	3.1
1.2	1.2	2.3	2.1	×	1.2	$\underline{3.2 \quad 2.1}$	2.1

$\mathrm{Perm}((M, M) \rightarrow O)$

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M^1, M^2) \rightarrow O$

3.2	1.1	2.1	×	1.2	1.1	2.3	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
2.1	3.2	1.1	×	1.1	2.3	1.2	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
2.1	1.1	3.2	×	2.3	1.1	1.2	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
1.1	3.2	2.1	×	1.2	2.3	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$
1.1	2.1	3.2	×	2.3	1.2	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$

$$\Downarrow$$

3.2	2.1	2.1	1.1	×	1.1	$\underline{1.2 \quad 1.2}$	2.3
3.1	2.1	1.2	1.1	×	1.1	$\underline{2.1 \quad 1.2}$	1.3
2.3	1.2	3.1	2.1	×	1.2	$\underline{1.3 \quad 2.1}$	3.2
2.1	1.1	1.3	1.2	×	2.1	$\underline{3.1 \quad 1.1}$	1.2
1.3	1.2	3.2	2.1	×	1.2	$\underline{2.3 \quad 2.1}$	3.1
1.2	1.1	2.3	1.2	×	2.1	$\underline{3.2 \quad 1.1}$	2.1

3. Beim Übergang von der 3- zur 4-Wertigkeit finden wir folgende Typen zentrifugaler thematischer Sandwiches

1. mit kategorial homogenen Thematisanden

$S = (A \leftarrow (B, B) \rightarrow A)$

3.2	1.1	2.1	1.2	×	2.1	$\underline{1.2 \quad 1.1}$	2.3
3.1	1.2	1.2	2.1	×	1.2	$\underline{2.1 \quad 2.1}$	1.3

$S = (A \leftarrow (B, B) \rightarrow C)$

2.3	1.1	3.1	1.2	×	2.1	$\underline{1.3 \quad 1.1}$	3.2

2. mit kategorial inhomogenen Thematisanden

$S = (A \leftarrow (B, C) \rightarrow A)$

2.1	1.2	1.3	2.1	×	1.2	$\underline{3.1 \quad 2.1}$	1.2

$S = (A \leftarrow (B, C) \rightarrow D)$

1.3	2.1	3.2	1.1	×	1.1	$\underline{2.3 \quad 1.2}$	3.1
1.2	2.1	2.3	1.1	×	1.1	$\underline{3.2 \quad 1.2}$	2.1

Literatur

Toth, Alfred, Vollständige Thematisierungstripel. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Thematische Transpositionen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

Toth, Alfred, Gruppen von Thematisierungswerten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026c

23.3.2026